



**Partie commune, 7 questions à choix multiple**

Pour chaque question marquer la case correspondante à la réponse correcte sans faire de ratures. Il n'y a qu'une seule réponse correcte par question.

**Question [QCM-complexes-A]** : Soit le nombre complexe  $z = 1 + \sqrt{3}i$ . Alors :

- $|z^6| > 73$         $z^{14} \in \mathbb{R}$         $\operatorname{Re}(z^8) > 0$         $\operatorname{Im}(z^{11}) < 0$

**Question [QCM-complexes-B]** : Soient les ensembles du plan complexe

$$A = \{z \in \mathbb{C} : z^2 (|z| - 2) = 0\}, \quad B = \{z \in \mathbb{C} : \operatorname{Re}(z) = 1\}.$$

Alors :

- $A \cap B$  contient deux points  
  $A \cap B$  est l'ensemble vide  
  $A \cap B$  contient exactement un point  
  $A \cap B$  contient tous les points d'une droite

**Question [QCM-induction-B1]** : Soit  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  la fonction définie par  $f(x) = x^3$ . Soit  $f_1 = f$  et, pour tout  $n \geq 2$ ,  $f_n = f \circ f_{n-1}$ . Alors pour tout  $n \geq 1$  :

- $f_n(x) = x^{(3^n)}$         $f_n(x) = x^{(3n)}$         $f_n(x) = (3x)^n$         $f_n(x) = nx^3$

**Question [QCM-inf-sup-B]** : Soit  $A$  l'ensemble défini par  $A = \{x \in \mathbb{R} : 0 < \operatorname{Arctg}(\frac{1}{x}) < \frac{\pi}{4}\}$ . Alors :

- $A$  n'est pas borné        $A = ]1, \frac{\pi}{2}[$   
  $\inf A = \frac{\pi}{2}$         $A = ]0, 1[$

**Question [QCM-limite-B]** : Soit  $(a_n)_{n \geq 0}$  la suite définie par  $a_n = \frac{(n+3)^{1/2} - n^{1/2}}{(n+1)^{-1/2}}$ . Alors :

- $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \frac{3}{2}$         $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$         $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 3$         $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = +\infty$

**Question [QCM-serie-parametre-B]** : Soit la série avec paramètre  $b \in \mathbb{R}$  définie par :

$$s = \sum_{k=1}^{\infty} \left(b + \frac{1}{k}\right)^k$$

Alors  $s$  converge pour tout :

- $b \in ]-1, 1[$         $b \in ]-1, 1]$         $b < 1$         $b \leq 1$

**Question [QCM-suites-convergence-B]** : Soit  $(a_n)_{n \geq 1}$  la suite définie par  $a_n = \frac{(5n+1)^n}{n^n 5^n}$ . Alors :

- $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = e^{\frac{1}{5}}$         $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 5$         $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = +\infty$         $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$

## CATALOGUE

### Partie commune, 4 questions du type Vrai ou Faux

Pour chaque question, marquer (sans faire de ratures) la case VRAI si l'affirmation est **toujours vraie** ou la case FAUX si elle **n'est pas toujours vraie** (c'est-à-dire si elle est parfois fausse).

**Question [TF-complexes-A]** : Pour tout  $y \in \mathbb{R}$  donné,  $y \neq 0$ , l'équation  $z^4 = iy$  possède exactement quatre racines distinctes dans  $\mathbb{C}$ .

VRAI       FAUX

**Question [TF-induction-suites-limites-B]** : Soient  $(a_n)_{n \geq 0}$  et  $(b_n)_{n \geq 0}$  deux suites convergentes avec  $b_n \neq 0$  pour tout  $n \geq 0$ . Alors la limite  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{b_n}$  existe.

VRAI       FAUX

**Question [TF-inf-sup-A]** : Soit  $A \subset \mathbb{R}$ . Si  $\text{Inf } A \in A$  et  $\text{Sup } A \in A$ , alors  $A$  est un intervalle fermé.

VRAI       FAUX

**Question [TF-serie-B]** : Soit  $f : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}$  une fonction telle que pour tout  $n \geq 1$ ,  $f(n) > n$ . Alors la série  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{f(n)}$  converge.

VRAI       FAUX

